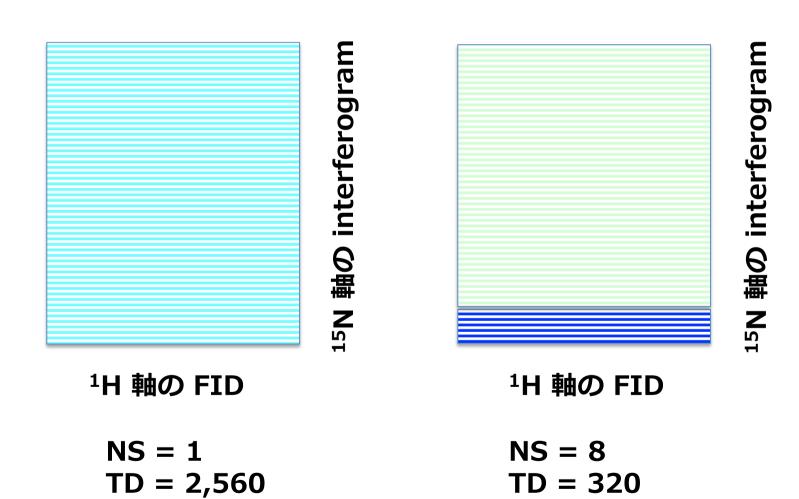


NMR のスペクトルは次元数を3次元4次元と増やす程にシンプルになりますが、それだけ測定時間が長くかかるので、各次元の分解能は落とさざるを得ません。

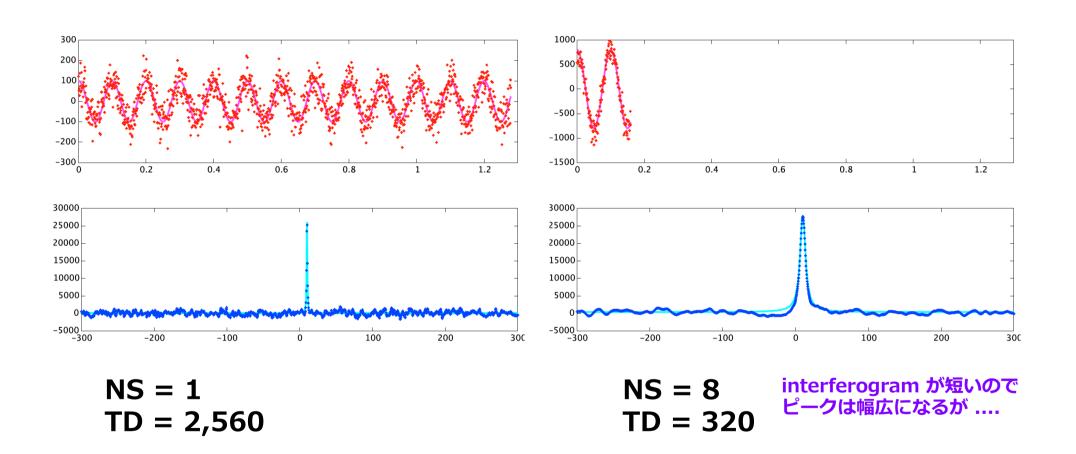
しかし、間接測定を飛び飛びにサンプリングし、フーリ 工変換ではなく最大エントロピー法を使ってプロセスす ることにより、この分解能の問題点をかなり克服するこ とができます。

今回はこの non-uniform sampling (NUS) について、どのような場合に使うと得をするのか(あるいは損をするのか)について考えてみたいと思います。

測定時間が同じになるように、間接測定軸のサンプリング数 TD を減らし、その代わりに積算回数 NS を増やした。 得? それとも 損?

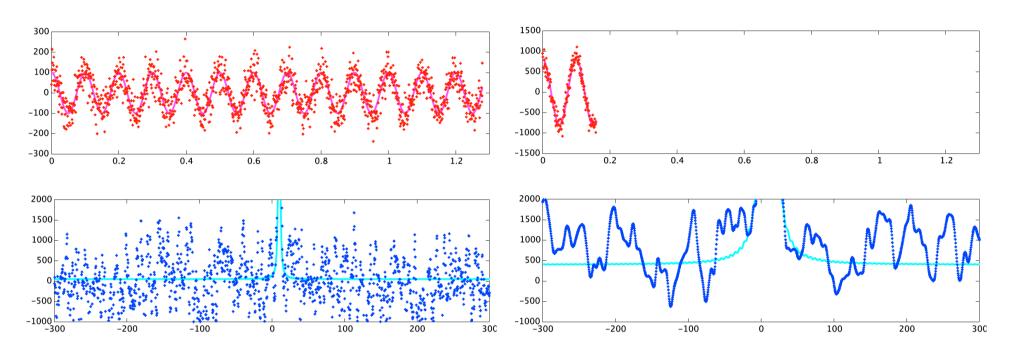


#### Interferogram は constant-time(横緩和は無し)とする。



interferogram のノイズ (NS=8) は 1/root(8)=35% に 減っているはず。では、スペクトルのノイズは?

#### ノイズの部分を拡大してみると、その大きさは同じ程度のよう。



NS = 1 TD = 2,560

interferogram のノイズ: 53

スペクトルのノイズ:578

NS = 8 TD = 320 ピークもノイズもともに広 幅になっているが、S/N は同じ。

interferogram のノイズ: 146

スペクトルのノイズ:584

 $(146/\sqrt{8} = 52)$ 

# 感度 sensitivity とは?

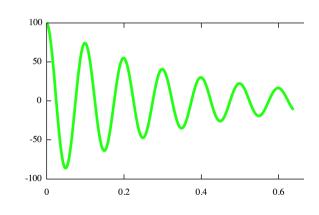
信号強度(S) = Window 関数をかけた後の FID, interferogram の体積

感度(S/N) ∞ √N<sub>s</sub> √T<sub>d</sub>

積算回数を2倍にすると、感度は√2倍になる。 しかし、測定時間も2倍になってしまう。 測定時間を同じにするためには、サンプリング数を半分にしないといけない。 すると、感度は 1/√2 倍になってしまう。

したがって、測定時間が同じであれば、感度は一定である。

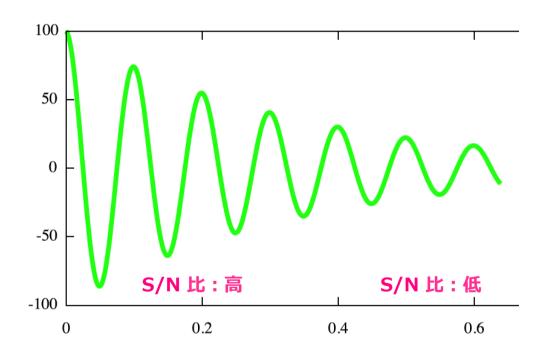
$$N_S = 8$$
  
 $T_D = 256$ 



$$N_S = 16$$
  
 $T_D = 128$ 

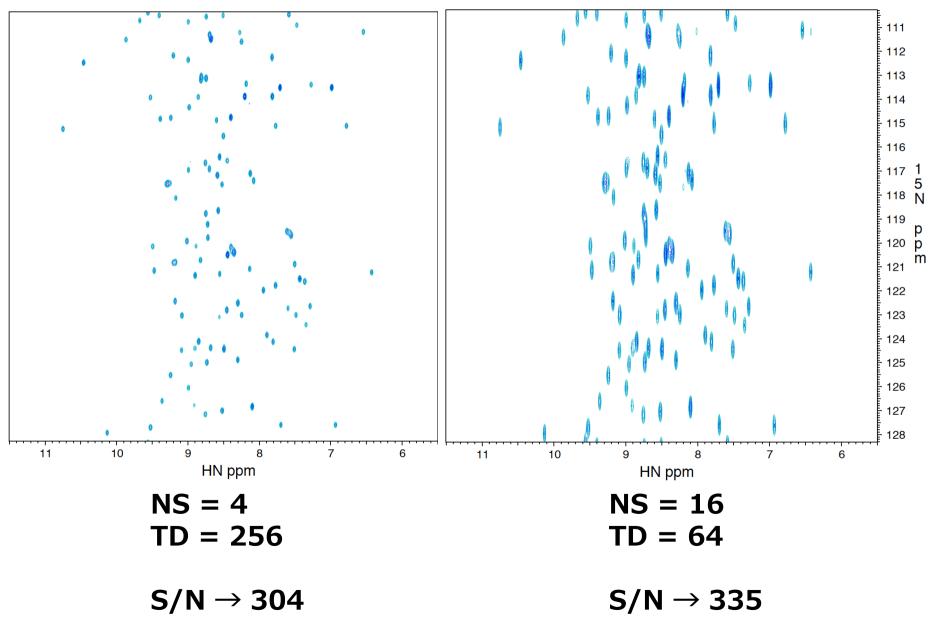
もし、緩和が無い場合、 NS=8, sampling=16 と NS=2, sampling=64 とは 同じ S/N 比になる。

実際には、緩和が存在するので、前者の方が S/N が高くなる。



(緩和が在る場合)interferogram の後ろになる程、信号強度が弱まる。一方、ノイズの量は interferogram の何処でも同じ。したがって、interferogram の前ほど、S/N 比が高い。

## 両者ともに 30 分の測定時間



#### クイズ1

昨日 24 hr かけて野生体の HNCACB を測りました。NS=8 でしたので、何とか解析できるぎりぎりの感度でした。今日は変異体のHNCACB を測るつもりです。

ところが、濃縮の最中に試料をこぼしてしまい、変異体の濃度が 1/3 になってしまいました。なんとか同じ質の HNCACB を得るには、測定時間をどのぐらい延ばせばよいでしょうか?

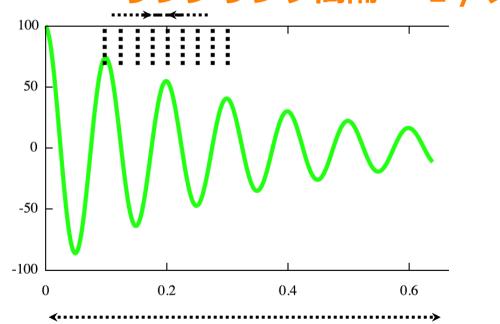
#### クイズ2

変異体の 2D-COSY をやっと測り終えました。後は野生体の reference を測るだけです。ところが、先生が 500MHz-NMR のプローブを折角の inverse から異種核用に交換してしまいました。業者に 1H の感度を尋ねてみたところ、inverse は 600 なのに対して、異種核用は 300 とのことでした。今からプローブを元に戻しても良いのですが、交換の仕方をよく知りません(もう 11pm だし)。それでは、NSを何倍にすれば、同じ質のデータが得られるでしょうか?

# FID(interferogram)を長く検出する程、高分解能が得られる

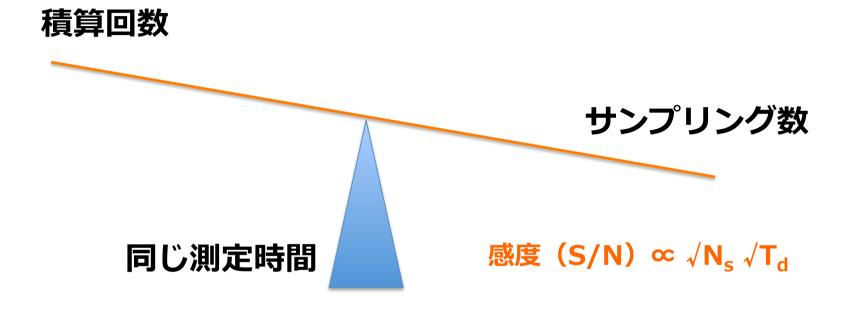
acquisition time = 
$$\frac{point\ number}{spectral\ width}$$
 =  $\frac{1}{resolution}$ 





観測時間 (acquisition time) = 1 / 分解能

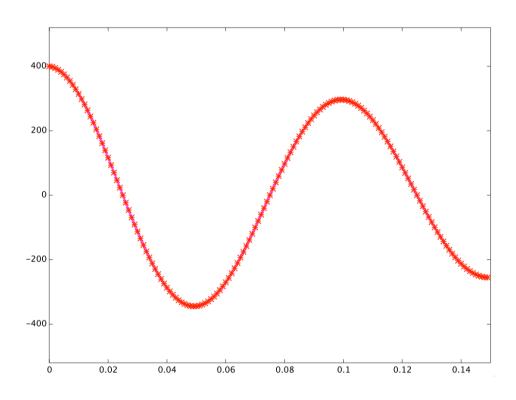
#### 測定時間を延ばさずに、もっと分解能を上げる方法はないか?



- 積算回数 Ns を減らして、サンプリング数 Td を増やす。
- サンプリング間隔を延ばす → スペクトル幅を狭める。
- 不等間隔に遠くまでサンプリングする。

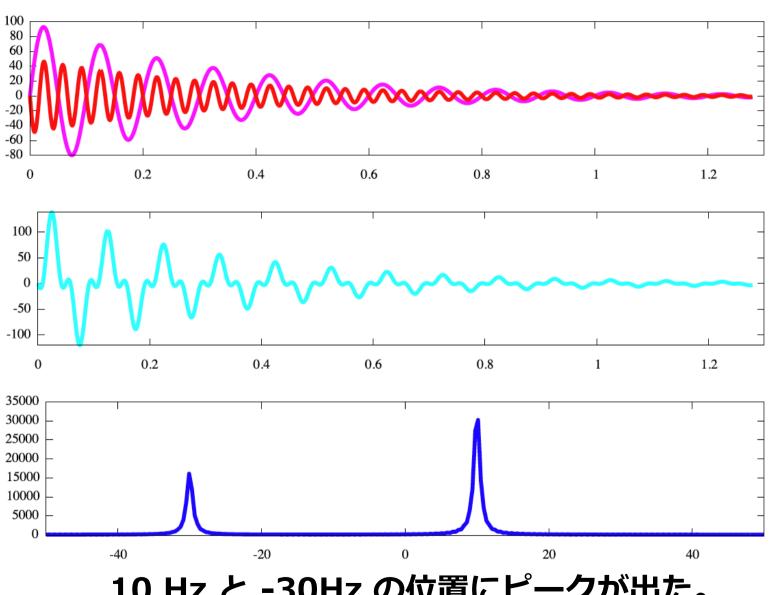
# Non-linear sampling Non-uniform sampling (NUS)

従来法とは異なり、等間隔では検出(サンプリング)しない。



FFT が使えない → MEM を使う。

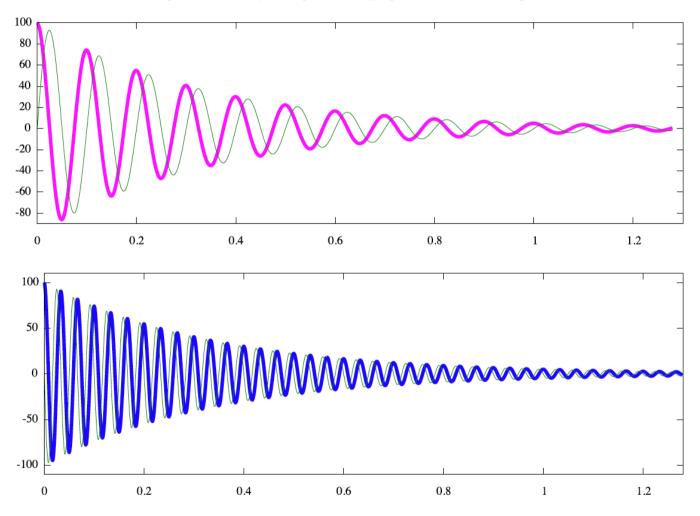
# 1秒間に 10 回 と -30 回(逆向き)の回転があると….



10 Hz と -30Hz の位置にピークが出た。

$$S(v) = \int_{-\infty}^{\infty} S(t) \exp(-i\omega t) dt$$

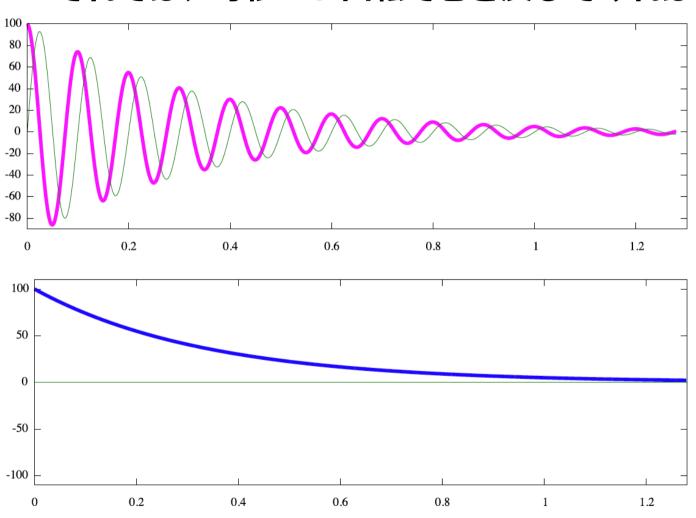
## 毎秒 10 回の回転の方だけ、毎秒 40 回転で巻き戻してみよう。



exp (i \* 40 \* t) で割ることは、40 Hz で巻き戻すことと同じ。

$$S(v) = \int_{-\infty}^{\infty} S(t) \exp(-i\omega t) dt$$

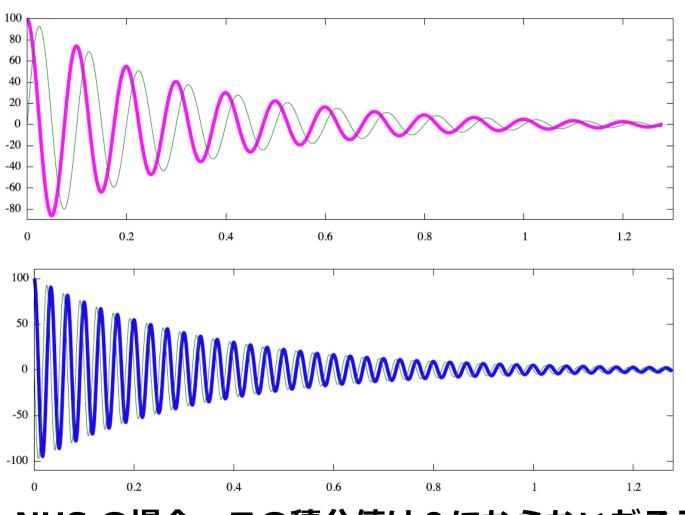
# それでは、毎秒 10 回転で巻き戻してみれば …



振動が消え去って、積分値(面積)は0ではなくなった。

$$S(v) = \int_{-\infty}^{\infty} S(t) \exp(-i\omega t) dt$$

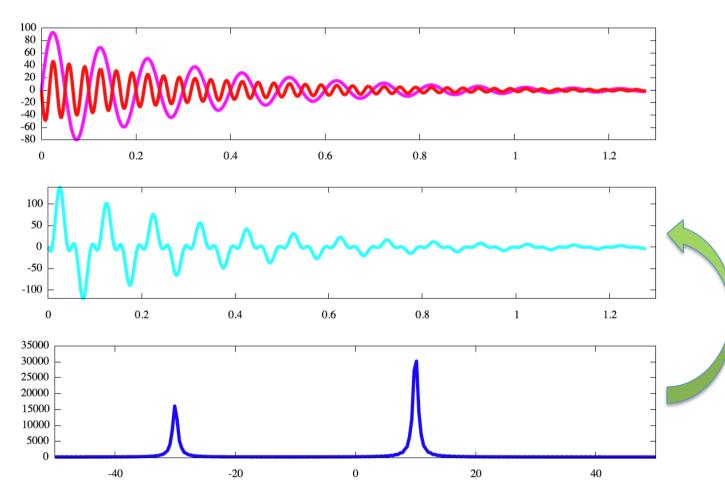
# 毎秒 10 回の回転の方だけ、毎秒 40 回転で巻き戻してみよう。



NUS の場合、この積分値は0にならないだろう。

### NUS では fast-フーリエ変換 (FFT) が使えない。

# → 最大エントロピー法(Maximum entropy method, MEM)など



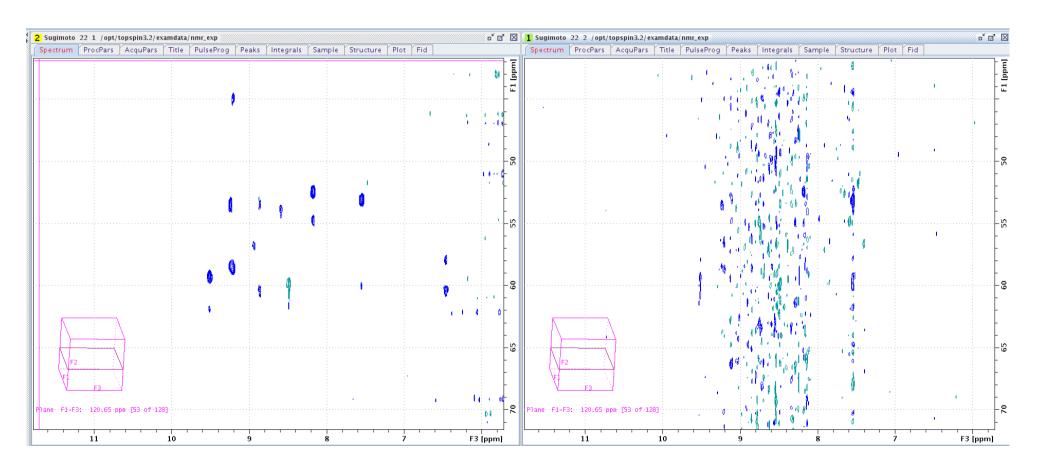
逆フーリエ変換して、 生データと一致する かどうかを調べてみ る。

架空のスペクトルを 作ってみる(ただし、 エントロピーを最大 にして、出来るだけ 滑らかに)。

#### このようなうまい話が、本当に簡単に転がっているのだろうか?

- MEM 後の感度は真の感度を反映していないので定量性を失った。したがって、本当に感度の点で得をしたのかどうかが分からない。→ 定量性を必要としない、例えば帰属用などに、このスペクトルを使えばよい。→ その他の条件(例えば、HNCAでは <sup>13</sup>Ca(i)と<sup>13</sup>Ca(i-1)の二つだけが観えるはずなど)をうまく利用すれば、信頼性をある程度は判断できる。
- NS を少なくしたということは、それだけ位相回しも不完全になるので、 アーティファクトが出ているかもしれない。→ Gradient などを駆使して、 できるだけ目的外のコヒーレンスを消し、アーティファクトを減らす努力 が必要。
- ピークの共鳴値の正確さ(accuracy)が低くなっている。 → スペクトル幅を狭めずに、分解能を上げたことによる犠牲である。しかし、例えば、主鎖の帰属にあまり支障が出ない程度であれば、経験のファジー的判断力をここに加味することによって、この損を十分に補うことができる。

# MEM プロセスは、どうも使うソフト(アルゴリズム)の種類によって結果が大きく左右されるようだ。

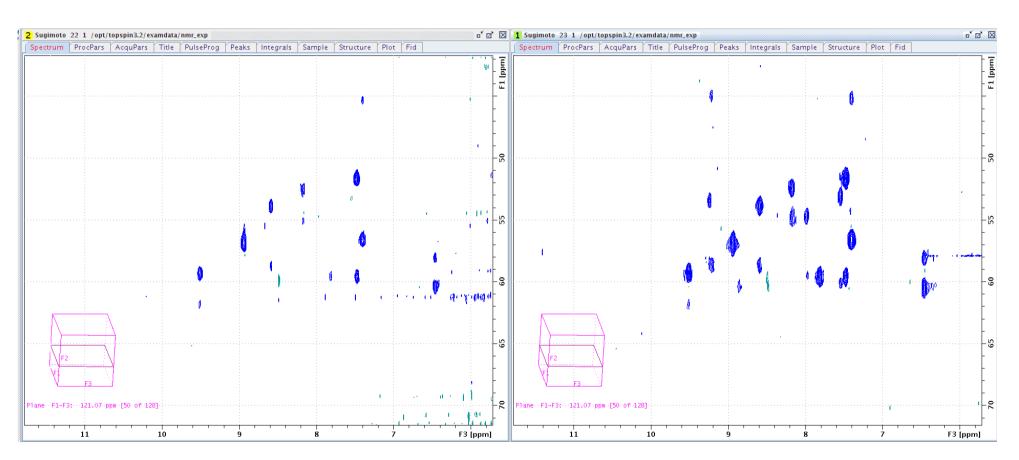


compressed sensing (CS)

Multi-Dimensional Decomposition (MDD)

# FT は正直(線形的)なのに対して、MEM プロセスはどうも気まぐれかもしれない(非線形的)。

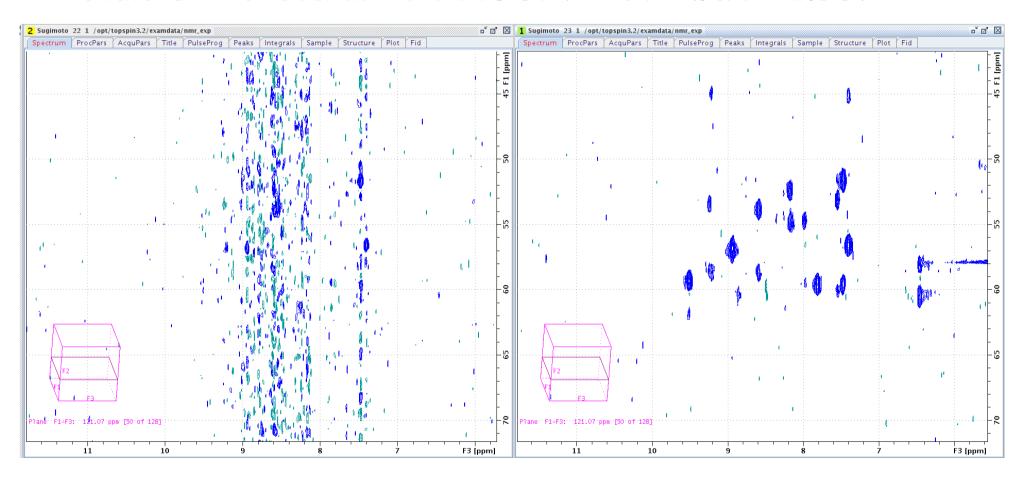
FT の方がピークが幅広なので「大きい粒の干し葡萄食パンのスライス効果」が出ているかもしれない。



compressed sensing (CS)

Fourier transform (FT)

# せっかく測定しても、きれいに MEM プロセスできるソフトを持ち合わせていなかったら諦めないといけないかもしれない。試料によっては、挑戦するのに少し勇気が必要。更なるアルゴリズム開発に期待したい!



Multi-Dimensional Decomposition (MDD)

Fourier transform (FT)

#### NUS はどのような条件の下で有効か?

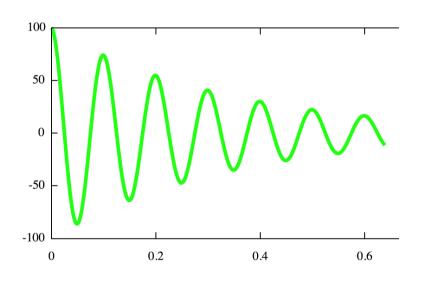
スペクトル幅を狭めずに、分解能を増やしたい。

横緩和が遅く、観測時間を延ばせば、分解能の向上が存分に見込まれる。

→ 低分子、constant-time

高磁場では必然的に間接測定軸のスペクトル幅(Hz)が広くなるが、そのための 観測時間の減少を補い、ウィグルを MEM によって無くしたい。

→ 高磁場



例:

二重線の分裂幅から *J*-coupling を測りたい時

3D HNCACB などの <sup>15</sup>N-CT 次 元など

#### その他

#### 事故により測定の途中で止めないといけなくなった 3D

普通の測定では、 $t_1$ ,  $t_2$ ,  $t_3$  (FID) のうち、 $t_1$  と  $t_2$  のどちらを先にインクリメントするかが問題となる。もし、 $t_1$  を先に回していたとるすと、 $t_2 \rightarrow F_2$  側の分解能が低過ぎて使えないかもしれない。しかし、NUS では  $t_1$ ,  $t_2$  ともにランダムにインクリメントされるので、被害が  $F_1$ ,  $F_2$  に均等に散らばる。したがって、途中で止めても、それなりに被害の少ないスペクトルが得られる。

試料が分解しながら測定する場合、途中経過を見ながら、好みの時間で測定を 打ち切ることができる。

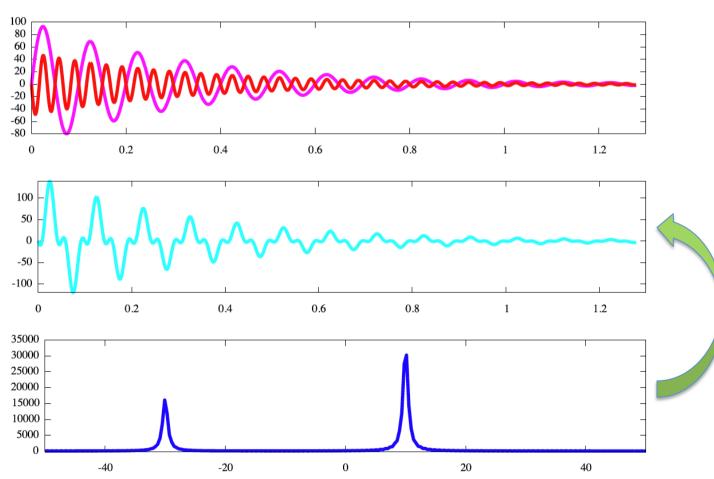
測定時間を気にせずに最初に長い測定時間を設定しておき、測定を本当に止めないといけなくなったぎりぎりの時間まで実際の測定を粘れる。

次の測定予定者に「キャンセルするんだったら、何でもっと早く先に言っといてくれなかったのよ!」と言われずに済む。

# MEM は等間隔にサンプリングされたデータにも使える

Interferogram が途中 で切れている場合

すでに分かっているカップリングを除きたい場合

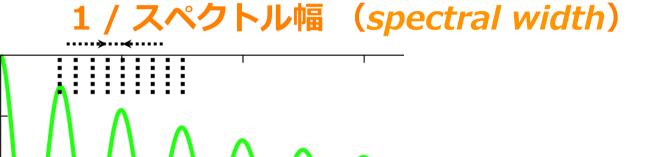


逆フーリエ変換して、 生データと一致する かどうかを調べてみ る。

架空のスペクトルを 作ってみる(ただし、 エントロピーを最大 にして、出来るだけ 滑らかに)。

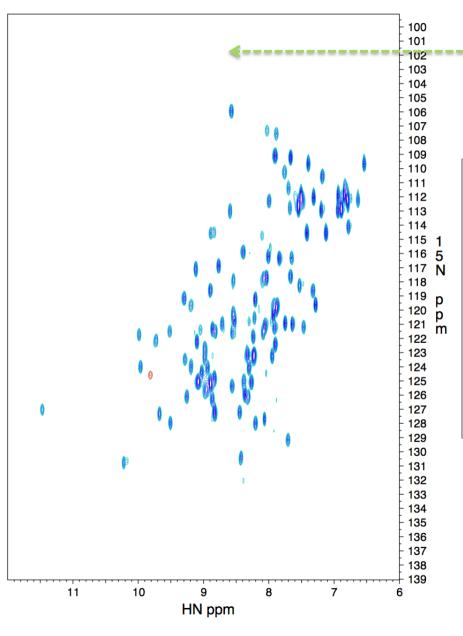
# スペクトル幅を狭くすれば、同じ測定時間で高分解能が得られる

acquisition time = 
$$\frac{point\ number}{spectral\ width}$$
 =  $\frac{1}{resolution}$ 

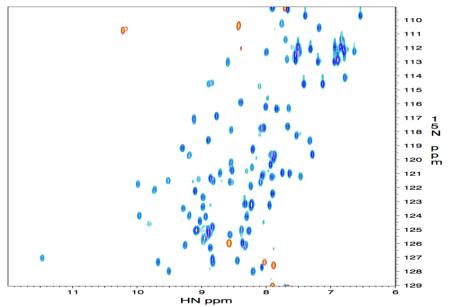


-50 --100 0 0.2 0.4 0.6

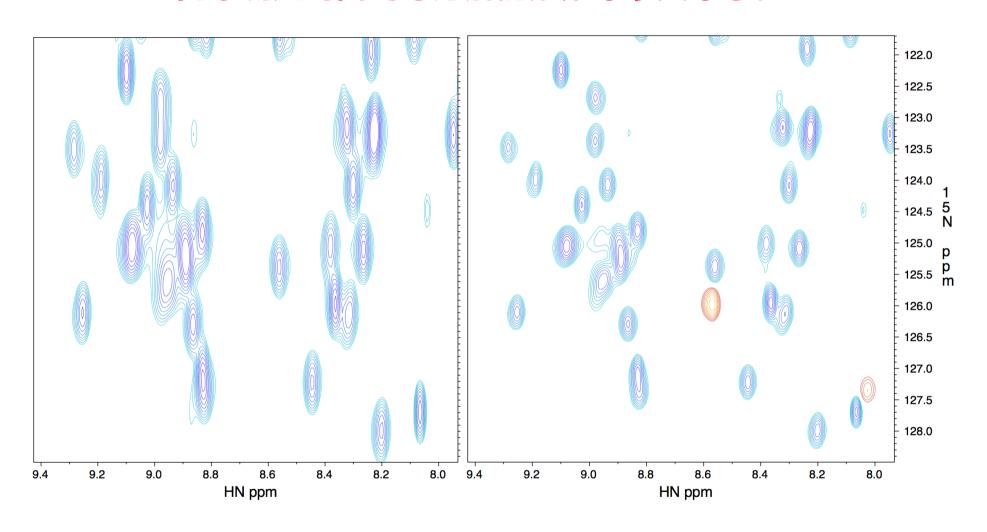
観測時間 (acquisition time)



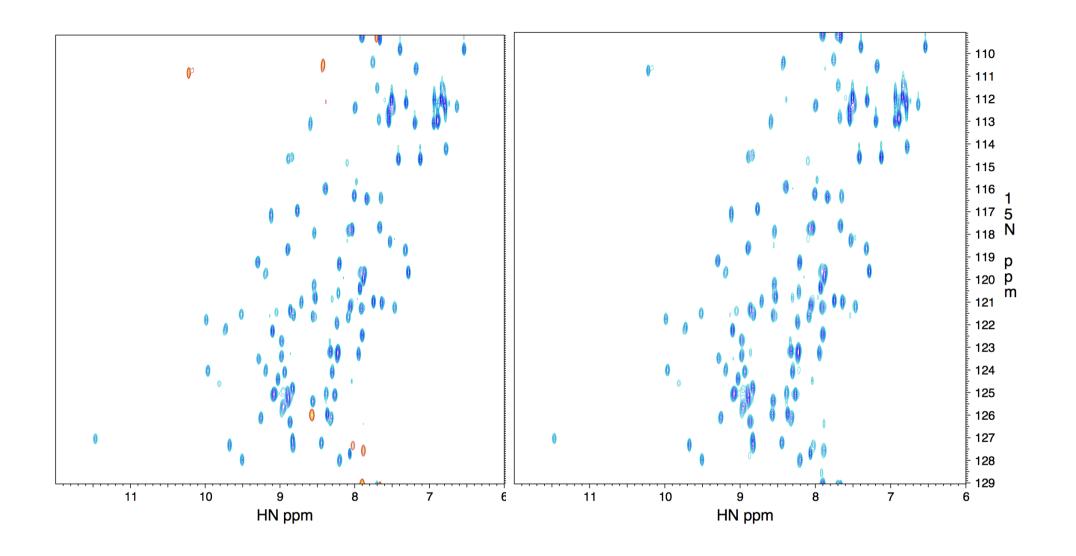
# この領域をわざわざ観測 するのは、かなりの時間 を無駄にする。



# 同じ測定時間でも分解能がかなり異なる。



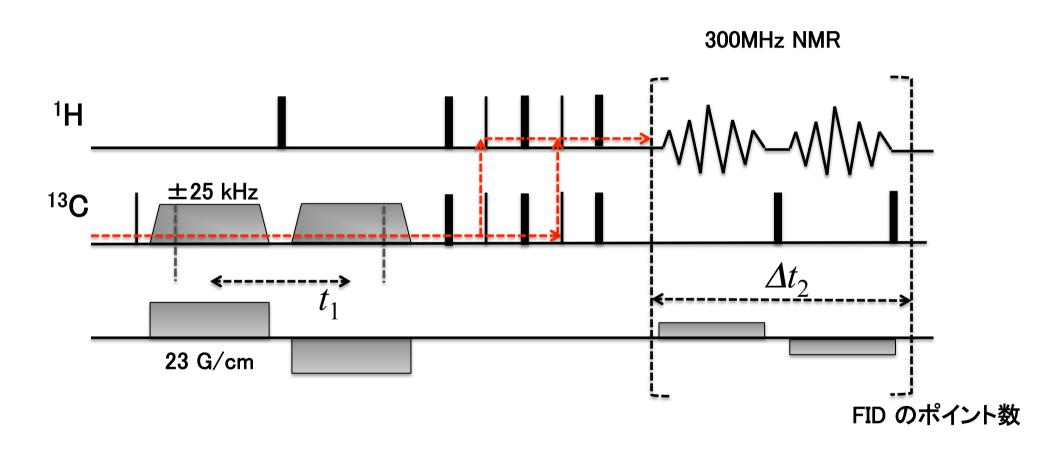
3次元測定では、二つの間接測定軸のスペクトル幅を半分ずつにすれば、測定時間は 1/4 になる(4次元では 1/8 に)。



 $t_1$  の初期値を  $\Delta t_1/2$  に設定すると、折り返ったピークは負となるので分かり易い。また、スペクトル幅を少しだけ変えて測定してもよい。

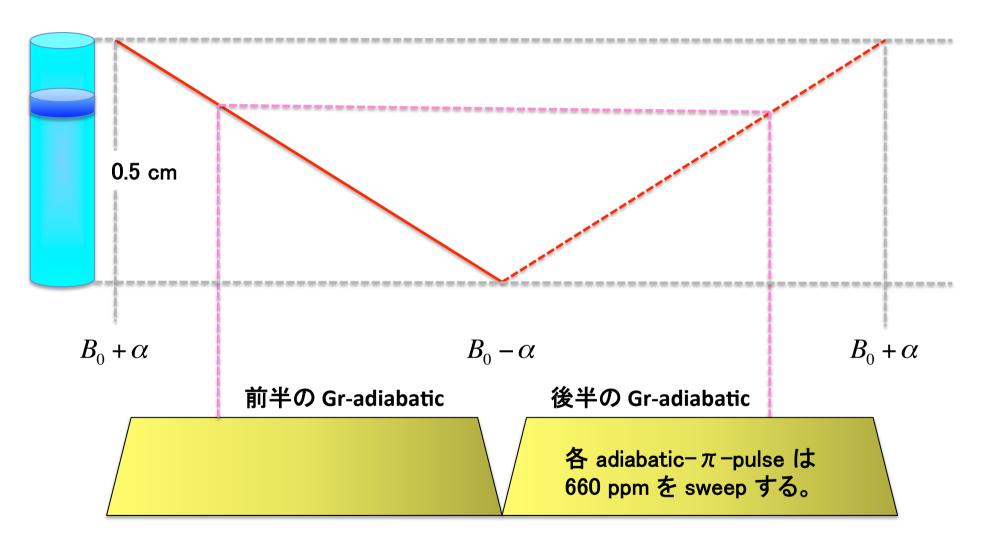
# Single-scan 2D experiment

溶液 DNP では一回しかパルス系列を実行できない(積算不可)

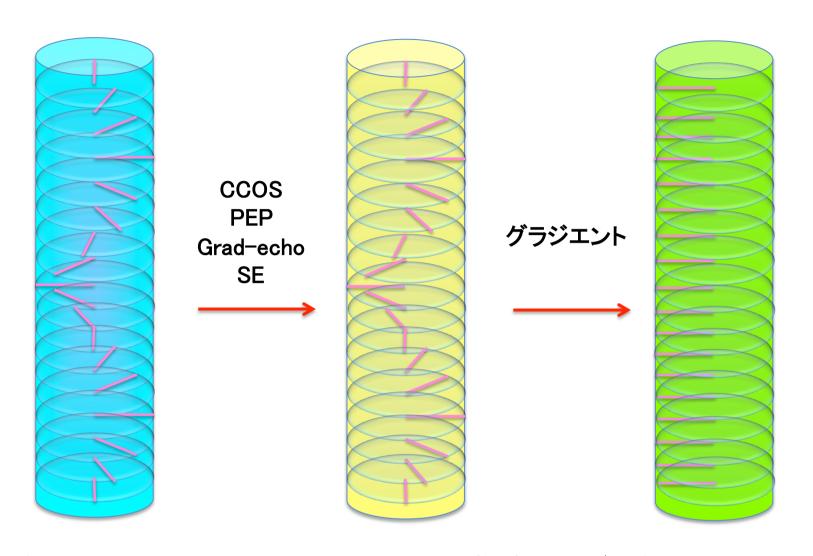


Lucio Frydman

# Field-gradient の最中に adiabatic-pulse (断熱パルス)を打つ。



Gr により 1cm につき 0.03% 程静磁場の大きさが変わる。 = 13C の化学シフトでは 1,300 ppm/cm (*B*<sub>0</sub>= 300MHz)



グラジエントによるのではなく、<sup>13</sup>C 化学シフトによって磁化ベクトルの螺旋が生じている。

13C 化学シフトの螺旋が、ほとんどそのまま 1H 化学シフトの磁化ベクトルの螺旋に転写される。

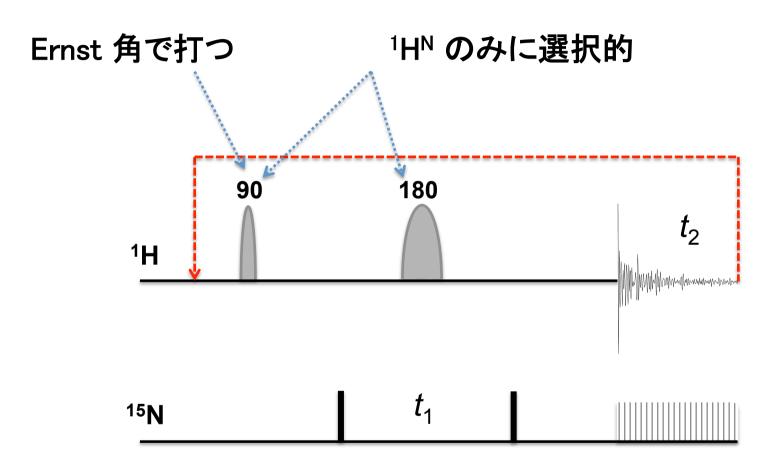
グラジエントをかけていくにつれ、<sup>13</sup>C 化学シフトの小さい 磁化ベクトルから順に螺旋が 解かれて揃い、翻訳される。

# SOFAST-HMQC 法 BEST-3D

# 高速測定法の一種

Brutscher, B. (2005) *J. Am. Chem. Soc.* 127, 8014-8015. に SOFAST-HMQC の名が出て来るが、それよりも前の Pervushin, K. (2002) *J. Am. Chem. Soc.* 124, 12898-12902. に LHSQC の名で、ほぼ同じ原理の測定法が報告されている。

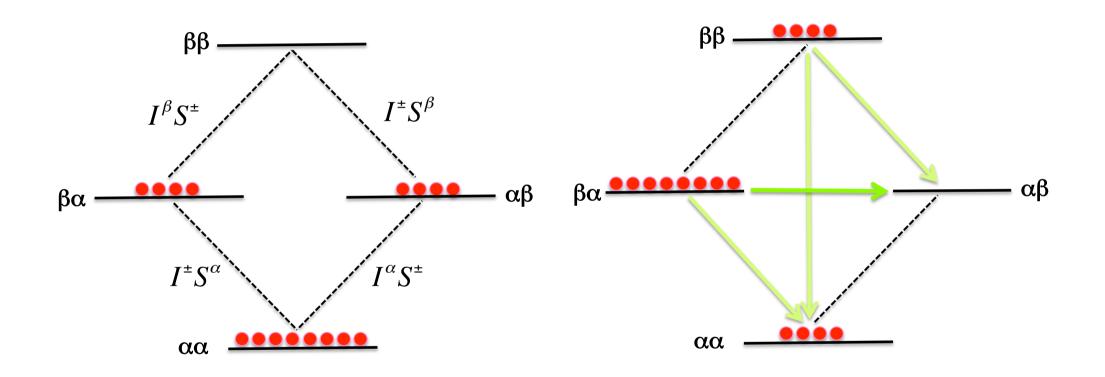
# **SOFAST-HMQC**



<sup>15</sup>N-decoupling による負担大 (検出コイルの温度、アンプ、試料の温度)

#### 平衡状態でのエネルギー準位図(同種核)

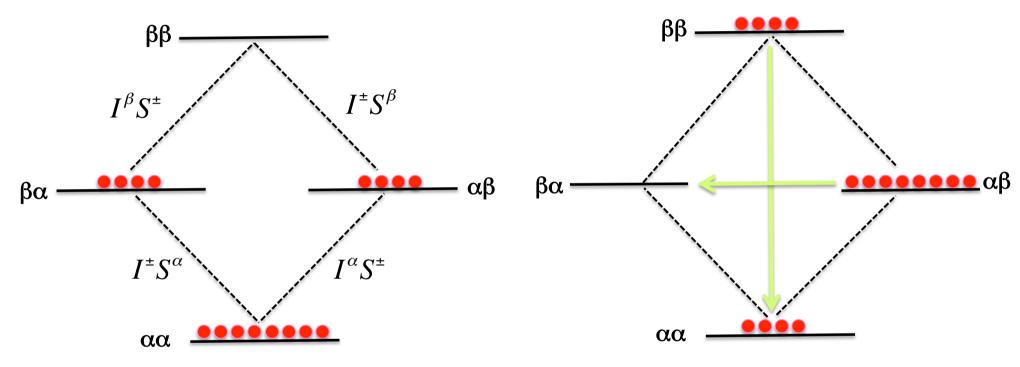
#### I-スピンのみを反転させた場合



W0 遷移が存在する

#### 平衡状態でのエネルギー準位図

#### S-スピンのみを反転させた場合



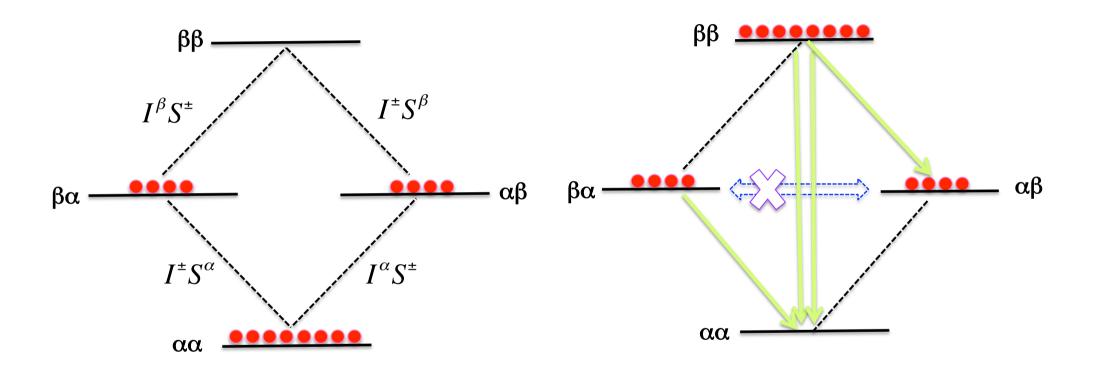
I-スピンの縦緩和に影響を及ぼす遷移 (交差緩和)のうち初期状態のみを表示

Transient-NOE(過渡的 NOE)

高分子で効率的な W0 遷移(逆方向)が存在する W0 が W2 よりも大きい時は負の NOE

#### 平衡状態でのエネルギー準位図

#### I, S-スピン両方を反転させた場合

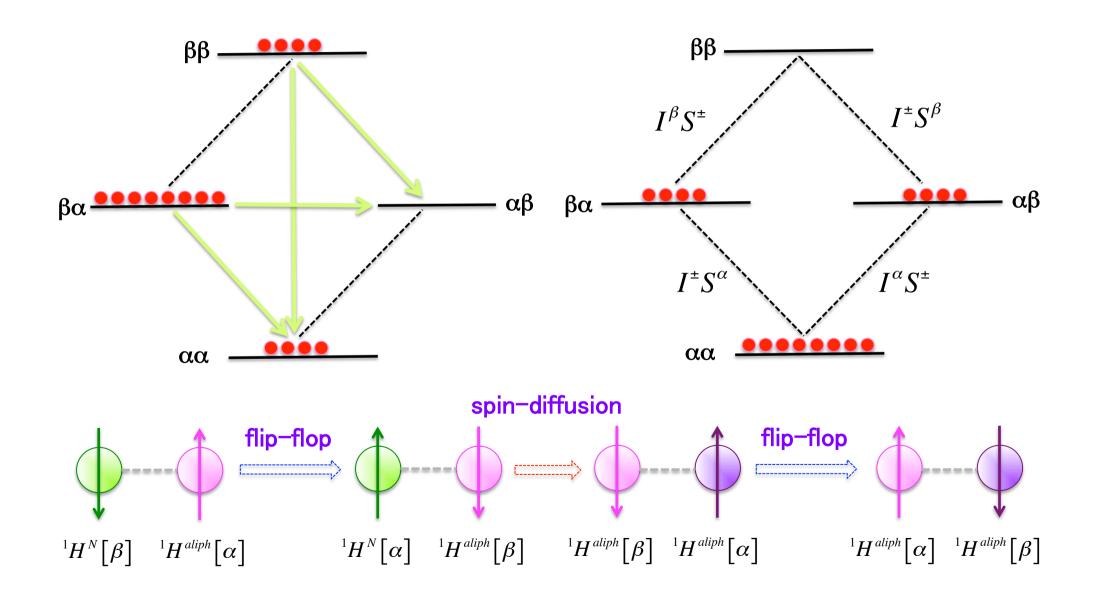


高分子でもっとも効率良く起こるはずのflip-flop の遷移が無い。

自己緩和と交差緩和の W0 どうしが打ち消し合ってしまう。  $\beta \alpha \geq \alpha \beta$  の数が同じになってしまう。

### ¹HN スピンのみを反転させた場合

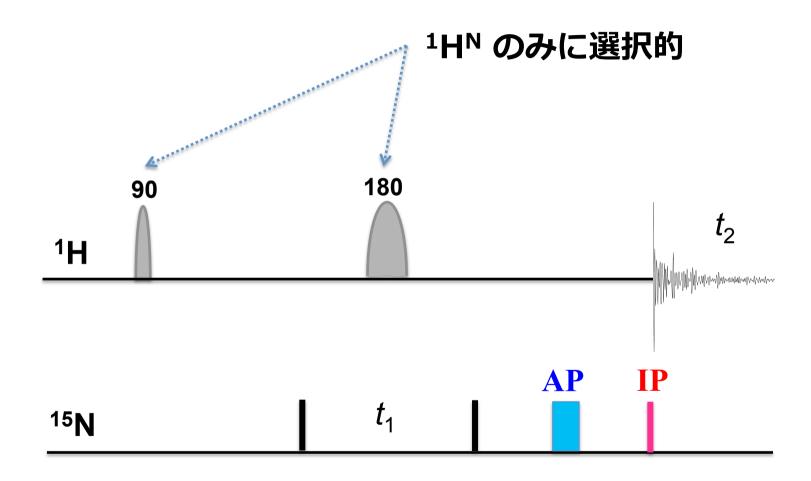
### 平衡状態でのエネルギー準位図

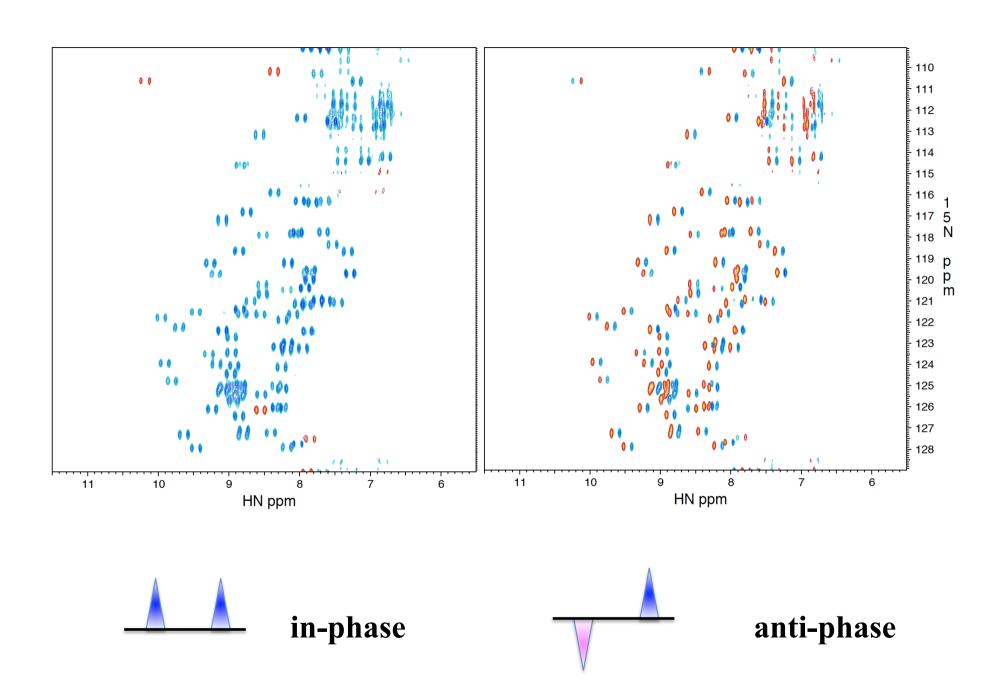


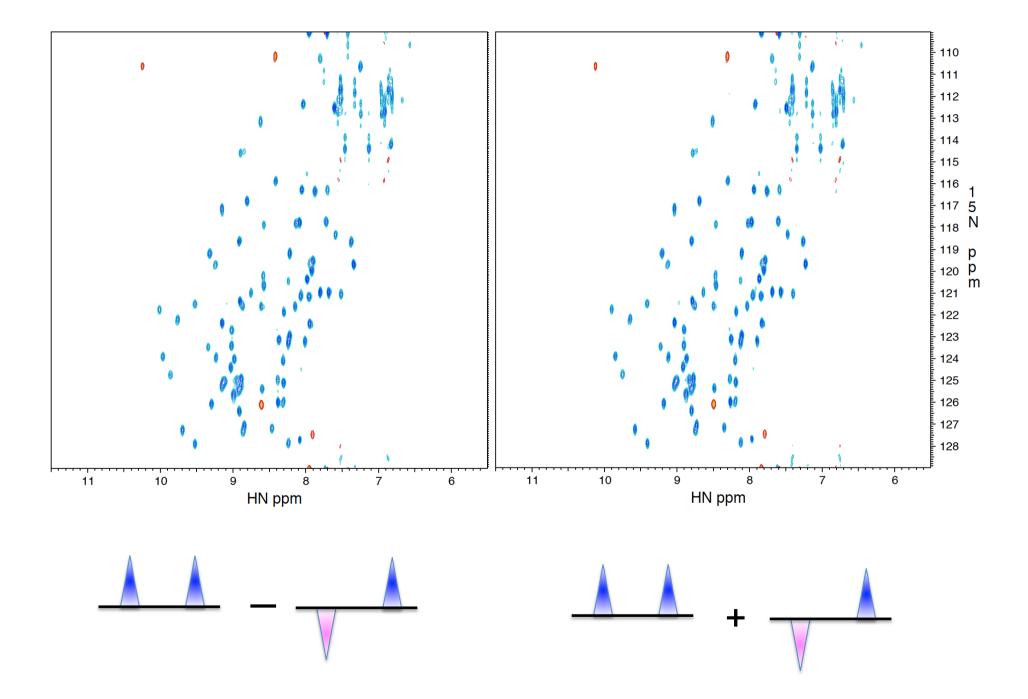
### SOFAST 測定法に残る今後の課題

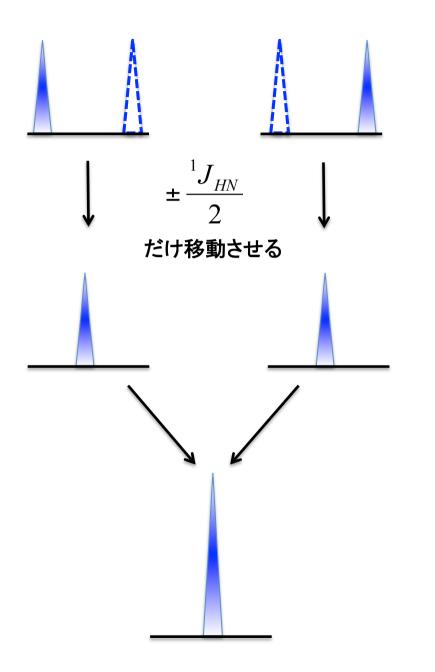
- ・ 重水素化蛋白質では SOFAST しない。
- ¹5N-decoupling による負担大(検出コイルの温度、アンプ、試料の温度)。 そのため、パワーを少し抑えるが、高磁場では線幅が広がっている。
- ・ 最初の 90 度パルスを極端なエルンスト角で打つ必要がある。
- ・ 最初の 90 度パルスがアミド基に選択的であり、かつ、磁化の xy 平面上での位相が線形的になるようなパルスを設計する必要がある(今のところ PC9)。
- ・ また、その位相の一次のずれを考慮して、事前に delay を調整しておかないといけない。
- 90度パルスも πパルス(Reburp)も、アミド基 ¹H 全てを等しく完全にカバーできるわけではない。
- HMQC を使っているため、1HN の横緩和も加わってしまう。

## **SOFAST-IPAP-HMQC**









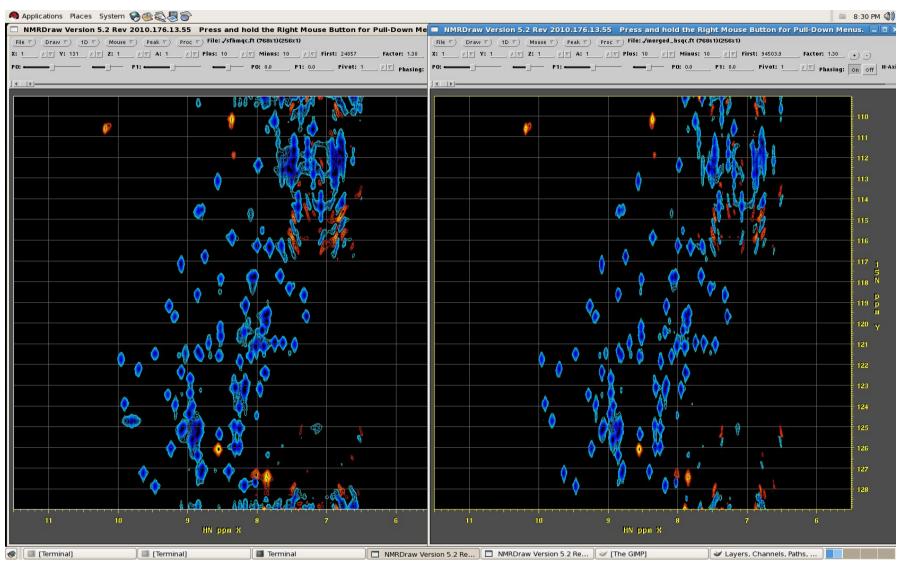
実際には、FID の状態で同じような操作を行い、最後にフーリエ変換する。

(Window-関数、baseline-補 正をしたデータどうしを足した り引いたりすると、誤差が大き くなる。

J/2 という幅をスペクトルのデ ジタル分解能が満たしていな い。)

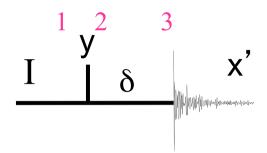
## **SOFAST-decoupling-HMQC**

## **SOFAST-IPAP-HMQC**

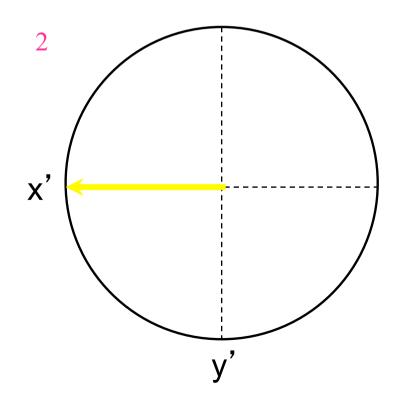


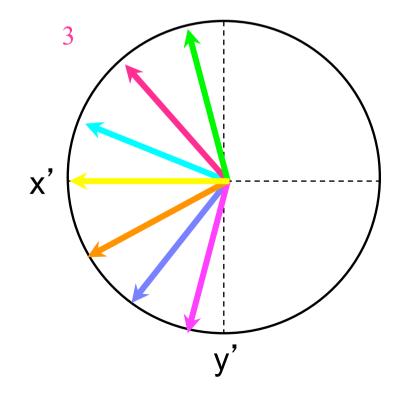
<sup>15</sup>N-decoupling power を弱めに設定しているので (350us@90° garp4 on 800MHz)、virtual-decoupling の方が <sup>1</sup>H 軸方向にシャープに見える。

# 一次補正は何故必要?

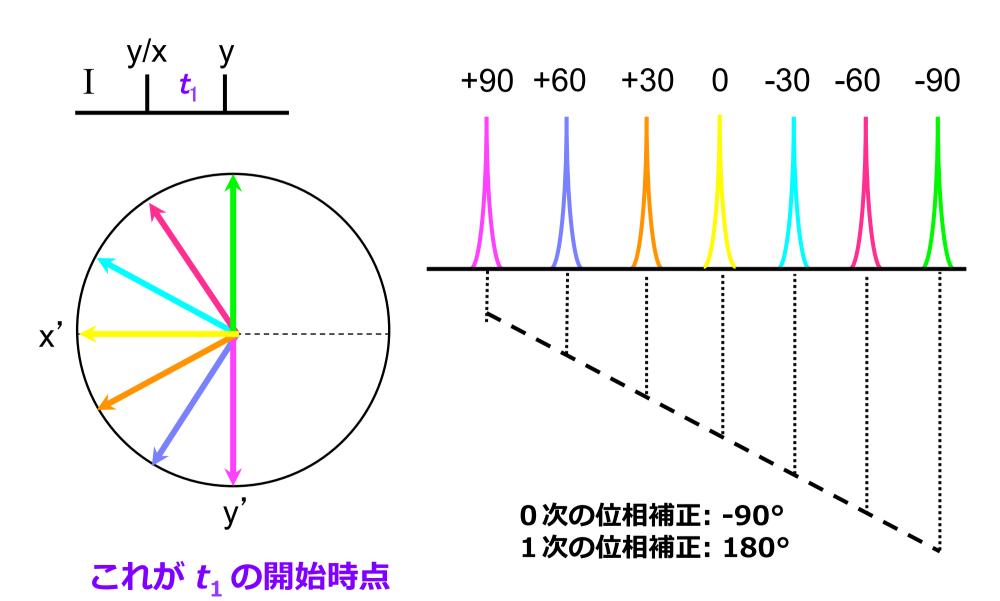


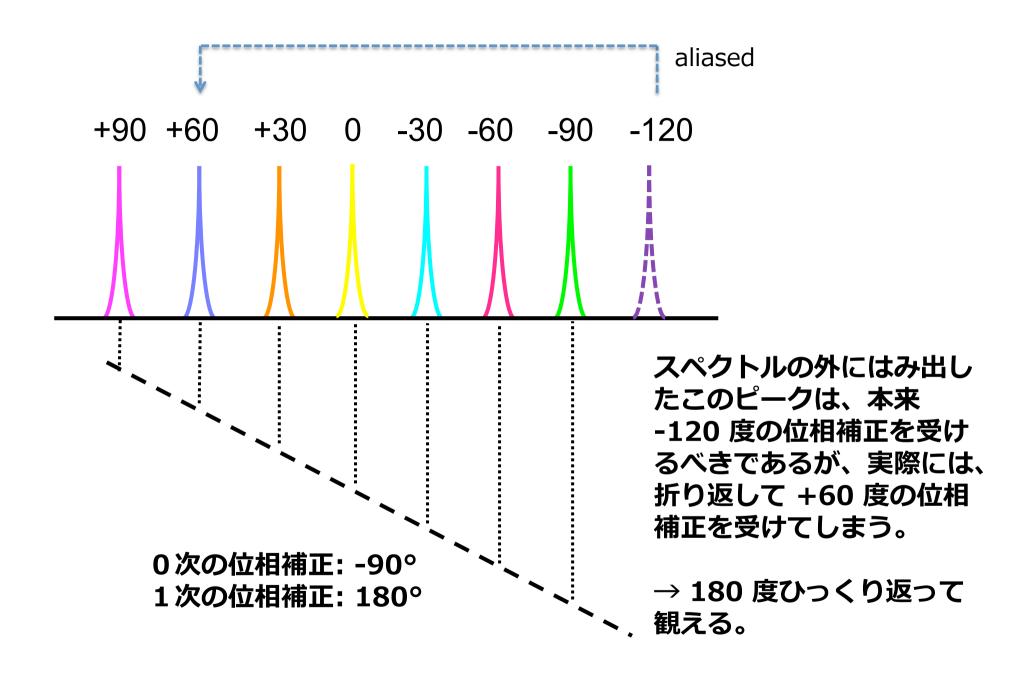
スペクトルでの共鳴位置に 沿って位相がずれる。

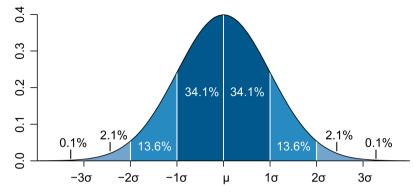




## $t_1$ の開始が $0.5\Delta t_1$ 分だけ遅れると …







MARK

ZEHN

#### 13C スペクトル幅

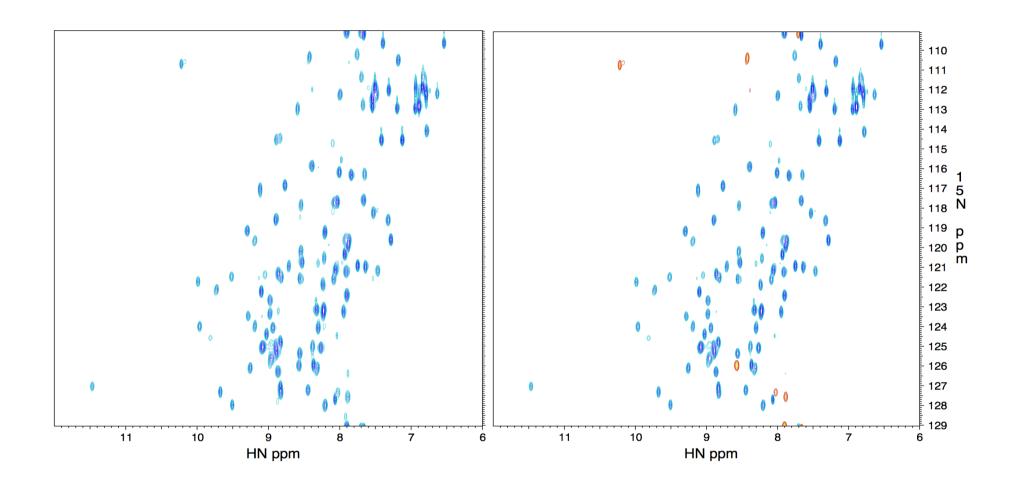
 $^{13}$ C の化学シフトは B.M.R.B. に登録されているので、その分布の統計値をうまく利用する。原則的には、 $\pm 1.5~\sigma$  のスペクトル領域だけを測定すれば、折り返ったピークが中心線を超えることは少ない(念のため、

±2.0 σ が安全)。

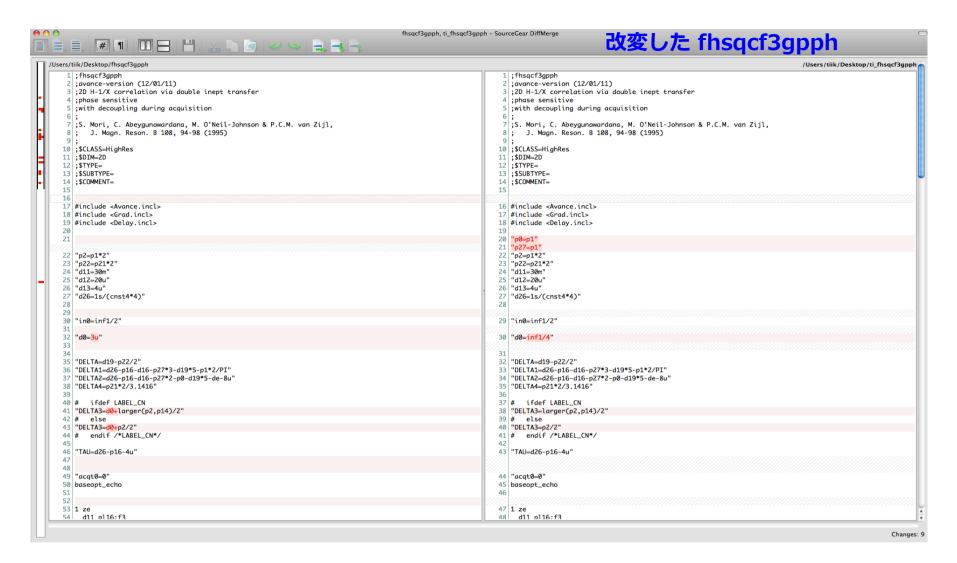
<sup>13</sup>Co: 176.28 ppm ± 8.06 (3σ) よって 11 ppm のスペクトル幅でも充分可能

<sup>13</sup>Ca: 56.335 ppm ± 15.27 (3σ) よって 21 ppm のスペクトル幅でも充分可能

アミノ酸を特定しないのであれば、極端に狭い <sup>13</sup>C スペクトル幅でも十分に主鎖の帰属が、しかも、より正確に出来る。→ ピーク拾いをしないで、短冊画像どうしのマッチングだけを利用して連鎖帰属を行えばよい。



 $t_1$  の初期値を  $\Delta t_1/2$  に設定すると、折り返ったピークは負となるので分かり易い。また、スペクトル幅を少しだけ変えて測定してもよい。

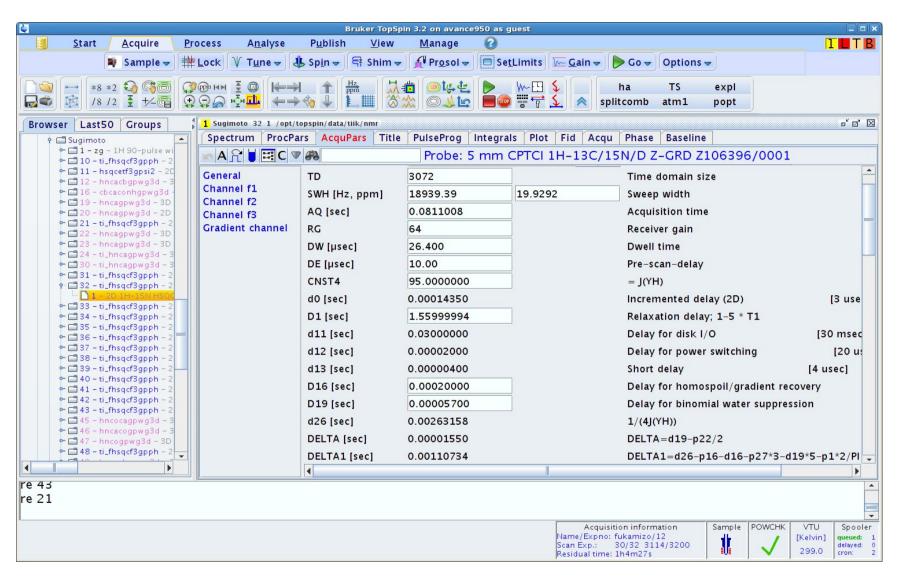


d0 を in0 の半分、つまり、inf1/4 に設定する。その代わり、DELTA3 から d0 を削除する。

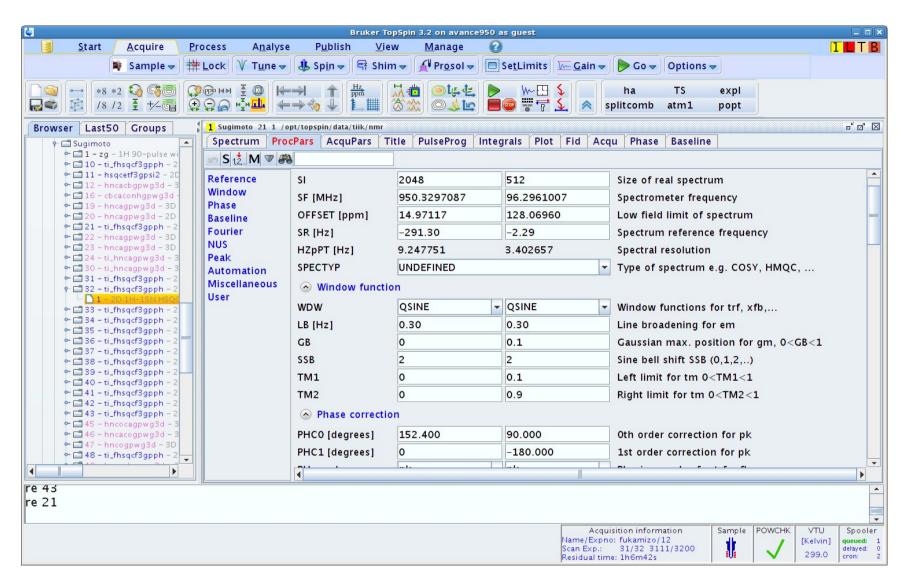
蛇足として、watergate の <sup>1</sup>H hard-pulse, p0, p27 が p1 になるように 設定している。

```
fhsqcf3gpph, ti_fhsqcf3gpph - SourceGear DiffMerge
                                                                                                                                    改変した fhsqcf3gpph
/Users/tiik/Desktop/fhsqcf3gpph
                                                                                                                                                                                  /Users/tiik/Desktop/ti_fhsqcf3gpph
      53 1 ze
      54 d11 pl16:f3
                                                                                                           48 d11 pl16:f3
      55 2 d1 do:f3
                                                                                                           49 2 d1 do:f3
      56 3 d12 pl1:f1
                                                                                                           50 3 d12 pl1:f1
      57 50u UNBLKGRAD
                                                                                                           51 50u UNBLKGRAD
                                                                                                          52
      58 (p1 ph1)
                                                                                                               (p1 ph1)
      59 4u
          p16:gp1
                                                                                                               p16:gp1
          TAU pl3:f3
                                                                                                               TAU pl3:f3
          (center (p2 ph1) (p22 ph6):f3 )
                                                                                                               (center (p2 ph1) (p22 ph6):f3 )
                                                                                                           58
59
60
61
62
          p16:gp1
                                                                                                               p16:gp1
          (p1 ph2)
                                                                                                               (p1 ph2)
      67
      68
                                                                                                               p16:gp2
          p16:gp2
                                                                                                           63
64
65
66
67
68
                                                                                                               d16
          d16
          (p21 ph3):f3
                                                                                                               (p21 ph3):f3
                                                                                                               DELTA3
          DELTA3
          (p22 ph3):f3
                                                                                                               (p22 ph3):f3
          DELTA4
                                                                                                               DELTA4
      74
          d0
                                                                                                               d0
      76 # ifdef LABEL_CN
                                                                                                           70 # ifdef LABEL_CN
      77 (center (p2 ph5) (p14:sp3 ph1):f2 )
                                                                                                           71 (center (p2 ph5) (p14:sp3 ph1):f2 )
      78 # else
      79 (p2 ph5)
                                                                                                           73 (p2 ph5)
                                                                                                           74 # endif /*LABEL_CN*/
      80 # endif /*LABEL_CN*/
                                                                                                           75
76
77
78
79
80
81
82
83
84
85
      82
          DELTA4
                                                                                                               DELTA4
      83
          (p22 ph4):f3
                                                                                                               (p22 ph4):f3
      85
          DELTA3
                                                                                                               DELTA3
                                                                                                               (p21 ph4):f3
          (p21 ph4):f3
      87
          4u
          p16:gp2
                                                                                                               p16:gp2
          (p1 ph7)
                                                                                                               (p1 ph7)
      93
          DELTA1
                                                                                                               DELTA1
          p16:gp3
                                                                                                               p16:gp3
          d16 pl18:f1
                                                                                                               d16 ; pl18:f1
p27*0.231 ph8
                                                                                                           90
91
92
93
          p27*0.231 ph8
      97
          d19*2
                                                                                                               d19*2
                                                                                                               p27*0.692 ph8
     98
          p27*0.692 ph8
          d19*2
                                                                                                               d19*2
                                                                                                               p27*1.462 ph8
     100
          p27*1.462 ph8
                                                                                                           94
          DELTA
                                                                                                               DELTA
     102
                                                                                                           96
97
          (p22 ph1):f3
                                                                                                               (p22 ph1):f3
          DELTA
                                                                                                               DELTA
          p27*1.462 ph9
                                                                                                               p27*1.462 ph9
          d19*2
          p27*0.692 ph9
                                                                                                               p27*0.692 ph9
                                                                                                                                                                                                      Changes: 9
```

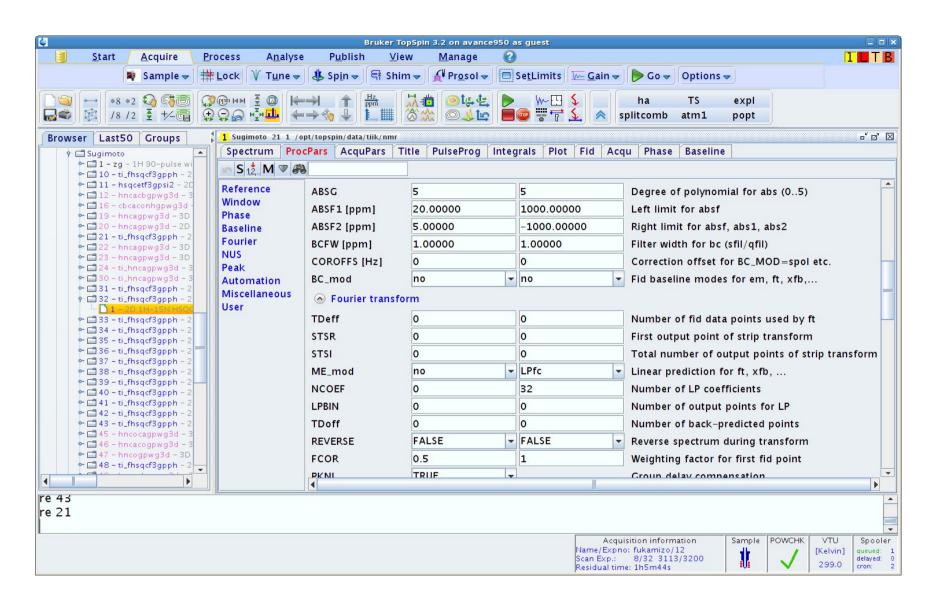
蛇足として、watergate の <sup>1</sup>H hard-pulse, pL18 が pL1 になるように設定している。



<sup>15</sup>N スペクトル幅を広くとり過ぎると d0 の初期値が負の値になってしまう。標準パルスプログラムでは、これを防ぐ目的であえて d0 が 3μs になるように設定されている。よって、ased で d0 の値を確かめておく。



edp の設定が重要。<sup>15</sup>N 軸の PHC0 と PHC1 を上記のように設定する。これで、折り返ったピークが負になる。ちなみに QSINE (SSB=2) にしておくと、 どのようなスペクトル幅でもきれいに対応できる。



edp の設定が重要。<sup>15</sup>N 軸の FCOR を 1 に設定する。これは、d0 がすでに dwell-time の半分になっており、FCOR が不要になるためである。